MODELACIÓN DE LOS PRECIOS EN EL MERCADO ELÉCTRICO ESPAÑOL

Aitor Ciarreta¹ Mónica Lagullón² Ainhoa Zarraga³

El mercado eléctrico español fue liberalizado en 1997 tras la aprobación de la Ley 54/97 del sector eléctrico. Por la misma, las actividades de generación y comercialización quedaron liberalizadas, mientras que la transmisión y la distribución permanecieron reguladas. De esta forma, se dio vía libre a la creación de un mercado eléctrico, en el cual las empresas podían transar electricidad en un marco

Este artículo fue recibido el 25 de enero de 2010, la versión ajustada fue recibida el 24 de febrero de 2011 y su publicación aprobada el 4 de marzo de 2011.

¹Doctor en Economía, se desempeña actualmente como profesor titular del Departamento de Fundamentos del Análisis Económico II, de la Universidad del País Vasco (UPV/EHU). E-mail: aitor.ciarreta@ehu.es. Dirección de correspondencia: Avda. Lehendakari Agirre 83. 48015 (Bilbao, España).

²Licenciada en Matemáticas, se desempeña actualmente como Técnico de Riesgos de Mercado en el Departamento Unidad Central de Riesgos en el Área de Mercados del grupo BBVA. E-mail: monica.lagullon@grupobbva.com. Dirección de correspondencia: Gran Vía 1, Planta 12, Bilbao 48001, (Bilbao, España).

³Doctora en Economía, se desempeña actualmente como profesora titular del Departamento de Economía Aplicada III de la Universidad del País Vasco (UPV/EHU). E-mail: ainhoa.zarraga@ehu.es. Dirección de correspondencia: Avda. Lehendakari Agirre 83. 48015 (Bilbao, España).

Los autores agradecen los comentarios de los participantes del V Workshop de Finanzas Cuantitativas, así como a los evaluadores anónimos de la revista Cuadernos de Economía. Mónica Lagullón agradece al Ministerio de Educación la ayuda financiera prestada a través de la Beca de Formación Personal Investigador. Aitor Ciarreta y Ainhoa Zarraga agradecen al Ministerio de Ciencia e Innovación la ayuda financiera prestada a través del proyecto ECO2009-09120 y al Departamento de Educación, Universidades e Investigación del Gobierno Vasco, la ayuda financiera prestada a través del proyecto IT-313-07.

regulatorio que fomentaba la libre competencia. El mercado se articulaba como una subasta de precio uniforme⁴.

Dado que la electricidad no se puede almacenar y que debe mantenerse el sistema en equilibrio de forma continua, el mercado se articulaba en 24 sesiones del horizonte diario de programación. Una característica significativa del mercado es que, a pesar de la separación contable entre generadoras y distribuidoras, la propiedad seguía integrada en un solo grupo industrial.

El análisis de las características de los precios de la electricidad, denominados precios marginales, ha sido objeto de estudio en diversos mercados del mundo donde la liberalización ha tenido lugar⁵. Varias conclusiones comunes a todos los estudios se pueden alcanzar. De una parte, el análisis de las propiedades de la distribución de los precios eléctricos en varios mercados permite concluir que, en general, tienen una distribución de probabilidad leptocúrtica y asimétrica a la derecha con una gran dispersión y bimodalidad. Estas propiedades son sensibles al período muestral considerado y según el día de la semana. Por otra parte, del análisis de las propiedades de la serie temporal de precios, se desprende evidencia empírica de algunas características como: saltos, efectos periódicos, reversión a la media, variabilidad cambiante y correlación serial.

Varios autores han propuesto diferentes modelos para las series de precios incorporando, en mayor o menor medida, las características observadas en la evolución de las series. Escribano, Peña y Villaplana (2002) proponen seis modelos anidados que recogen gran parte de estas características para los precios diarios en seis mercados de diferentes países. Carnero, Koopman y Ooms (2007) utilizan modelos de regresión de memoria larga con errores tipo ARCH para analizar los precios diarios de la electricidad en cuatro mercados eléctricos europeos. Además de considerar características como la persistencia, la heterocedasticidad y los valores extremos, prestan especial atención a la influencia del día de la semana en la dinámica de los precios. Knittel y Roberts (2005) constituyen un ejemplo de la modelización de los precios eléctricos de California, incorporando características como una tendencia determinista no lineal, un término autorregresivo y una distribución de Poisson para los saltos de la serie. Por otro lado, Bierbrauer, Trück y Weron (2004) utilizan modelos de cambio de régimen, considerando distintas distribuciones (lognormal y Pareto) para los saltos en las series de precios del Nord Pool. Byström (2005) también analiza los precios del Nord Pool empleando la teoría de los valores extremos. Huisman, Huurman y Mahieu (2007) modelizan los precios horarios en Holanda (APX), Alemania (EEX), y Francia (PPX), utilizando un panel de 24 horas diarias y que va variando día a día. Finalmente, Geman y Roncoroni (2006) utilizan

⁴Para una discusión sobre la elección entre subasta de precio uniforme y subasta discriminatoria ver Fabra (2003).

⁵Ver por ejemplo Bunn (2004) para el caso del oeste de los Estados Unidos y de diversos mercados australianos, Longstaff y Wang (2004) para el PJM (Pennsilvania, New Jersey y Maryland), y Lucia y Meneu (2005) para el caso español.

una clase de procesos estocásticos para recoger las características estadísticas y la evolución de los precios eléctricos en algunos mercados de Estados Unidos.

En este trabajo se analizan los precios de la electricidad del mercado español entre el 29 de junio de 2001 y el 1 de mayo de 2007. Se tienen en cuenta las series de precios según la hora del día: medios diarios, en horas pico y en horas valle, así como las series de precios según la intensidad de la demanda: alta, alta en meses fríos, alta en meses cálidos y baja.

El análisis procede en dos fases. Por un lado, se hace un estudio descriptivo de las principales características observadas en las series de precios y de su distribución de probabilidad. Por otro, se modela el comportamiento de la serie de precios medios diarios utilizando el modelo general propuesto por Escribano *et al.* (2002) y estimando seis modelos anidados, que recogen varias de las propiedades observadas en la serie de precios del mercado español.

Este estudio considera todo el período muestral anterior a la creación del mercado integrado ibérico de electricidad entre España y Portugal. Además, se tiene en cuenta el efecto que la entrada en vigor del RDL 3/2006 pudo tener en el comportamiento de los precios. Dada la estructura de propiedad vertical anteriormente mencionada, este cambio regulatorio implicó de facto la contratación bilateral entre las empresas generadoras con sus distribuidoras, a un precio de 42, 35 euros por MWh, lo cual distorsionó la fijación de precios en el mercado diario y afectó la modelización de los precios propuesta.

Aunque se considera un periodo muestral diferente al de Escribano *et al.* (2002) y por lo tanto este trabajo se enfrenta a problemáticas regulatorias diferentes tal y como se ha destacado, los resultados del análisis revelan que también se es necesaria la modelización de la volatilidad, mediante un proceso GARCH y que los saltos no son indispensables en la modelización de los precios.

El documento está organizado de la siguiente manera. A continuación se presenta una descripción general del mercado eléctrico español y se realiza un análisis descriptivo de las principales series de precios. Posteriormente se presenta un análisis estadístico, que sirve de base para la modelización posterior. Tras presentar seis modelos alternativos que pueden explicar el comportamiento de los precios, se procede a su estimación y a la selección del más adecuado. El trabajo finaliza con las conclusiones más importantes.

DESCRIPCIÓN DEL MERCADO ELÉCTRICO ESPAÑOL Y CAMBIOS REGULATORIOS

El mercado de electricidad es el conjunto de transacciones derivadas de la participación de los agentes del mercado en las sesiones del mercado diario e intradiario y de la aplicación de los Procedimientos de Operación Técnica del Sistema. El mercado eléctrico se organiza verticalmente incluyendo un segmento regulado (transmisión y distribución a los consumidores finales a tarifa) y un segmento
liberalizado (generación y comercialización). Los contratos bilaterales físicos realizados por vendedores y compradores se integran en el mercado de producción
una vez finalizado el mercado diario⁶. Además, desde enero de 2007 se ha abierto
un mercado de futuros donde se negocia electricidad para ser distribuida hasta un
año después, a partir de la fecha de firma del contrato⁷.

Los agentes del mercado son las empresas habilitadas para actuar como vendedores y/o compradores de electricidad. A los efectos de la presentación de ofertas de venta de energía eléctrica se entiende por unidad de producción cada grupo térmico (nuclear, carbón, fuel-gas, ciclos combinados y cogeneración), cada central de bombeo, cada unidad de gestión de centrales hidráulicas (se incluyen en una unidad distintos saltos en una misma cuenca), cada unidad de gestión de un parque eólico, parques solares y otras tecnologías provenientes de fuentes renovables que viertan su energía a un mismo nudo de la red de transmisión. Los compradores en el mercado de producción de energía eléctrica son los distribuidores, los comercializadores, los consumidores cualificados y los agentes externos.

La gestión económica del mercado de electricidad está encomendada a la Compañía Operadora del Mercado Español de Electricidad (OMEL), mientras que el operador del sistema eléctrico está encomendado a Red Eléctrica Española (REE). Este trabajo se centra en el funcionamiento del mercado, obviando las restricciones técnicas a su funcionamiento.

Mercado diario

El mercado diario es aquel en el que se realiza la mayoría de las transacciones de electricidad. Participan como oferentes todas las unidades de producción disponibles, que no estén vinculadas a un contrato bilateral físico y los agentes externos registrados como vendedores. Los demandantes son los distribuidores, comercializadores, consumidores cualificados y agentes externos registrados como compradores. El resultado garantiza que no se supere la capacidad máxima de interconexión con sistemas eléctricos externos, considerando los contratos bilaterales físicos que afecten a las interconexiones internacionales⁸.

Funciona como un *pool* obligatorio donde se gestiona la compra y la venta de electricidad para el día siguiente (*Day-ahead*). Esto es, todos los titulares de las unidades de producción y adquisición de energía eléctrica están obligados a realizar sus ofertas a través del operador del mercado de acuerdo con el procedimiento

⁶Para una completa descripción del mercado y del mecanismo de formación de precios ver Fabra (2006)

⁷El volumen de negocio en este mercado desde su inicio es muy pequeño, con lo cual es de esperar que su efecto sobre los precios en el mercado diario no sea significativo.

⁸ Estos incluyen las interconexiones con Francia, Portugal, Andorra y Marruecos. La capacidad de las mismas no supera en promedio el 5 % de la capacidad de generación en plantas nacionales.

fijado por este. El mercado diario se estructura en una sola sesión para cada hora del horizonte diario de programación.

El procedimiento del mercado eléctrico consta de los siguientes pasos para determinar la cantidad transaccionada y el precio marginal del sistema para cada horizonte diario:

• Paso 1. Presentación de ofertas de venta y de compra

La presentación de ofertas de venta y de adquisición de electricidad se realiza antes de las 11:00h de cada día. Por cada oferta podrá haber un máximo de 25 tramos precio-cantidad. Los vendedores proponen ofertas económicas de venta por cada una de las unidades de producción de que sean titulares y para las 24 horas siguientes. Existen dos tipos de ofertas: (1) ofertas simples, esto es, de compra/venta de energía, que indican un precio y una cantidad para cada tramo decreciente/creciente de oferta, y (2) ofertas complejas, esto es, compras/ventas que cumplen con los requisitos de las simples, pero incorporan alguna restricción técnica.

Paso 2. Procedimiento de casación de correspondencias de oferta y demanda

Las ofertas de venta son ordenadas partiendo de la más barata hasta llegar a la más cara, por su parte las ofertas de compra se organizarán por orden descendente de precio. De esta forma se obtienen las correspondencias de oferta y demanda respectivamente. El procedimiento de casación de las ofertas de venta y de adquisición de energía eléctrica se lleva a cabo a través del mecanismo de subasta de precio uniforme, atendiendo al criterio del precio marginal, esto es la oferta económica de venta de energía eléctrica realizada por el titular de la última unidad de producción cuya entrada en el sistema haya sido necesaria para atender la demanda.

Paso 3. Restricciones técnicas

Incorporación de las restricciones técnicas, en el caso de ofertas complejas si las hubiere, que determinan el precio y la cantidad transada final. Dichas restricciones incluyen condición de indivisibilidad, de ingresos mínimos, de parada programada y de variación de gradiente de carga.

La condición de indivisibilidad se da cuando en caso de que un tramo sea indivisible y resulte casado lo sea por todo el tramo y nunca por la fracción correspondiente. La condición de ingresos mínimos implica que si la oferta de venta la incorpora, genere unos ingresos mínimos en la casación a dicha unidad. Si una oferta no resulta casada por aplicación de la condición de ingresos mínimos, si se aplica la condición de parada programada se considerarán ofertas simples en el primer tramo de los tres primeros períodos horarios de programación del mercado diario. Por último, la condición de gradiente de carga (MW/minuto) establece una diferencia máxima de variación de capacidad de producción al alza o a la baja de

las unidades, entre dos períodos horarios consecutivos del mismo horizonte diario de programación⁹.

Cambios regulatorios

Existe un gran interés en los cambios regulatorios del mercado eléctrico español¹⁰ por la repercusión que han podido tener en el comportamiento de los agentes que, a su vez, determinan la formación de los precios. En el Cuadro 1 se ordenan cronológicamente los cambios regulatorios más significativos relativos a la industria eléctrica.

La aprobación de la Ley 54/97 del sector eléctrico, permitió pasar de una estructura de mercado verticalmente integrada a una donde, por una parte, la generación y comercialización quedaban liberalizadas y, por otra parte, la transmisión y la distribución permanecían reguladas.

Desde entonces el cambio regulatorio más significativo ha sido el Real Decreto-Ley 3/2006 por el cual se modifica el mecanismo de remuneración y pago de las ofertas casadas en el mercado diario y en los mercados intradiarios. Se asimila a contratos bilaterales físicos la energía casada que sea producida y adquirida por agentes que pertenezcan al mismo grupo empresarial. Así mismo, se fija un precio de 42,35 euros por MWh y el resto se comercializa en el mercado diario.

Este decreto tuvo el efecto de prácticamente limitar el mercado a un volumen muy pequeño de transacciones, lo cual determinaba su práctica eliminación. Este sistema se mantuvo hasta febrero de 2007, cuando se regresó a una regulación similar a la establecida en la Ley 54/97.

En la siguiente sección se describen los datos utilizados en este trabajo y se realiza un análisis estadístico de los mismos.

⁹El mercado intradiario es un mercado de ajustes al que pueden acudir como demandantes y oferentes los agentes. En el caso de los compradores en el mercado diario, para poder acudir al mercado intradiario han de haber participado en la correspondiente sesión del mercado diario o en la ejecución de un contrato bilateral físico. Se celebran al menos seis sesiones diarias del mercado intradiario, aunque se puede ampliar. A la fecha, el número de sesiones del mercado intradiario no ha sufrido modificaciones porque el operador del mercado no lo ha considerado necesario. El volumen de energía transada es muy bajo, al tratarse de un mercado de ajustes.

¹⁰ Para más información sobre los cambios regulatorios véanse en www.omel.es las memorias de los últimos años sobre el mercado eléctrico, así como la legislación del órgano regulador, la Comisión Nacional de la Energía (CNE), www.cne.es.

CUADRO 1. LA REGULACIÓN EN ESPAÑA

Legislación	Fecha	Contenido
Ley del sector eléctrico 54/97	28/11/1997	Liberalización del mercado en los segmentos de generación y comercialización. La transmisión y la distribución nermanecen reguladas.
Real Decreto-Ley 6/2000	23/06/2000	Introduce la posibilidad de negociación a los comercializadores a través de contratación bilateral física como forma
		de cubrirse ante fluctuaciones excesivas de los precios del mercado diario.
Real Decreto 2351/2004	23/12/2004	Modifica el sistema de resolución de restricciones que seguía un orden de preferencia basado en las ofertas al
		mercado diario; se sustituye por otro en el cual se vuelven a presentar pujas.
Real Decreto-Ley 5/2005	11/03/2005	Propone un conjunto de medidas para fortalecer la competencia en el MIBEL (Mercado Ibérico de la Electricidad)
		y modifica el cobro de los Costes de Transición a la Competencia (CTCs) ¹¹ . De hecho, da luz verde a la creación
		del MIBEL, aunque de manera efectiva no funcionará hasta julio de 2007.
Ley 24/2005	18/11/2005	Fomento en el uso de las energías renovables mediante ayudas para favorecer el acceso de las mismas al mercado
		de generación, ya que son más caras que las que usan fuentes no renovables.
Real Decreto 1454/2005	02/12/2005	Incorpora los mercados a plazo. Además, establece que los contratos bilaterales físicos cobran y pagan garantía de
		potencia, eliminando el requisito de haber participado previamente en el mercado diario.
Real Decreto-Ley 3/2006	24/02/2006	Modifica el mecanismo de remuneración y pago de las ofertas casadas en el mercado diario y en los mercados
		intradiarios. Se asimila a contratos bilaterales físicos la energía casada que sea producida y adquirida por agentes
		que pertenezcan al mismo grupo empresarial. Se excluyen las ventas en régimen especial y las compras de los com-
		ercializadores. Estas operaciones se realizan a un precio fijado de 42,35 euros por MWh y el resto se comercializa
		en el mercado diario. Este decreto ejerce un efecto controlador sobre los precios del mercado eléctrico español.
Real Decreto-Ley 7/2006	23/06/2006	Reconoce que los CTCs son un mecanismo innecesario y distorsionador que requiere una urgente supresión, lo que
		se lleva a cabo mediante la derogación de la mencionada Disposición Transitoria sexta.
Orden ITC/400/2007	26/02/2007	Regula la contratación bilateral de energía eléctrica. Se eliminan los contratos bilaterales obligatorios entre los
		generadores y sus distribuidores.
Real Decreto 661/2007	25/05/2007	Regula la actividad de producción de energía eléctrica en régimen especial. Se modifican las ayudas de acceso al
		mercado diario.

Fuente: elaboración propia.

DATOS Y ANÁLISIS ESTADÍSTICO DEL PRECIO DE CONTADO DE LA ELECTRICIDAD

Los datos utilizados para la realización de este trabajo son publicados por OMEL para el Mercado Diario. Se trata de los veinticuatro precios horarios para cada día del horizonte de programación diario, expresados en céntimos de euro por Kwh, entre el 29 de junio de 2001 y el 1 de mayo de 2007. Por lo tanto, se dispone de 51,240 observaciones-hora.

La serie de precios diarios (carga base) se obtiene como media aritmética no ponderada de los precios horarios del día¹². La serie de precios diarios para horas pico se calcula como la media aritmética de los precios horarios desde las 8:00h hasta las 24:00h, de lunes a viernes; mientras que la serie de precios diarios para horas valle se obtiene como media aritmética de los precios horarios entre las 00:00h y las 08:00h de lunes a viernes y de todos los precios horarios para los fines de semana y festivos. Para el periodo de demanda alta, los precios diarios de los meses cálidos son los correspondientes a los precios medios de julio y septiembre, y de los meses fríos, los de noviembre a febrero. Agosto corresponde al mes de demanda más baja¹³.

En esta sección se describen las principales propiedades de la distribución de probabilidad y de la temporal de los precios eléctricos durante el periodo muestral considerado y se comparan con los que encuentran Lucia y Meneu (2005) (LM, en adelante) para el mercado de precios español entre 1998 y 2004.

Propiedades de la distribución de probabilidad

El Cuadro 2 muestra los valores de los estadísticos descriptivos básicos para las series de precios horarios, carga base, horas pico, horas valle, demanda alta (meses fríos y cálidos) y demanda baja.

El precio medio en el mercado diario durante el periodo muestral es de 39, 3 euros por MWh. En horas tanto de demanda alta como horas pico los precios están claramente por encima de la media, lo cual no es más que el resultado de la necesidad de atender la demanda con el uso de unidades de producción más caras que elevan el precio marginal del sistema.

Los valores máximos de los precios se observan sobre todo en determinadas horas donde la demanda es muy elevada, hay congestiones en las redes de distribución y las interconexiones están al máximo de capacidad. Dichas anomalías se dan sobre todo cuando hay olas de frío o de calor. El coeficiente de variación para las

¹²Considerar una media ponderada de los precios por las cantidades transadas para las series temporales objeto de análisis no cambia de manera significativa los resultados obtenidos.

¹³Dicha clasificación ha sido obtenida de las Reglas de Funcionamiento del Mercado publicadas por OMEL.

distintas series de precios se sitúa entre 0,34 y 0,54, siendo la amplitud ligeramente mayor que para la muestra que analizan LM.

CUADRO 2. ESTADÍSTICOS DESCRIPTIVOS DE LAS SERIES DE PRECIOS

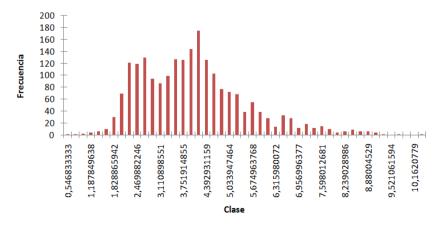
	Precios por tipo de hora			Precios por intensidad de la demanda			
	Carga base	Horas pico	Horas valle	Demanda alta	Demanda	Demanda	Demanda baja
					alta meses	alta meses	
					fríos	cálidos	
Media	3,93	4,36	3,08	4,08	3,97	4,28	3,68
Desviación	1,47	1,69	1,04	2,05	2,15	1,82	1,53
típica							
Exceso de	0,84	1,32	1,1	1,26	1,31	1,14	1,76
curtosis							
Coeficiente	0,85	0,92	0,87	1,08	1,16	0,98	1,16
de asimetría							
Mínimo	0,55	0,54	0,52	0,86	1,44	1,46	0,37
Máximo	10,38	12,31	7,52	15,84	15,84	12,07	11,02
N. de obser-	2.135	1.525	2.135	26.112	17.328	8.784	4.464
vaciones							

Fuente: elaboración propia.

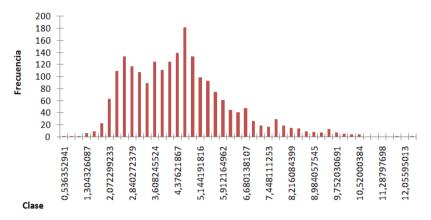
Las Gráficas 1 a 3 y 4 a 6 presentan los histogramas y las estimaciones de las densidades kernel, respectivamente, para las distintas series de precios por tipo de hora.

Se observa que tanto la media como la mediana son positivas y la mayor parte de las barras del histograma aparecen agrupadas en torno a estos valores. En general, la mediana es menor que la media.

GRÁFICA 1. HISTOGRAMA DE PRECIOS CARGA BASE

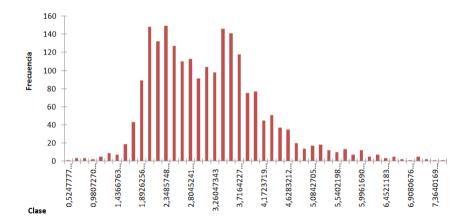


GRÁFICA 2. HISTOGRAMA DE PRECIOS EN HORAS PICO



Fuente: elaboración propia.

GRÁFICA 3. HISTOGRAMA DE PRECIOS EN HORAS VALLE



Fuente: elaboración propia.

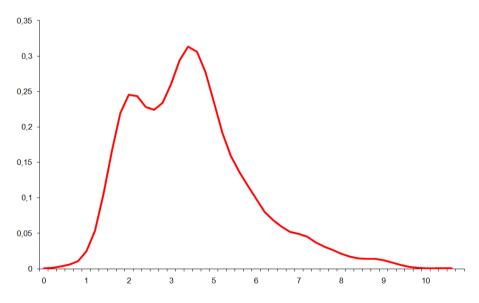
Tal y como se observa en el Cuadro 2, la distribución de los precios eléctricos no es normal, ya que presenta exceso de curtosis y asimetría positiva. Esto significa, por un lado, que precios excesivamente altos o bajos tienen una probabilidad de ocurrencia mayor que en el caso de la distribución normal y, por otro lado, que la mayor parte de la probabilidad se concentra en los precios superiores al valor medio, hecho que podría estar relacionado con los periodos de demanda alta. Cabe destacar que el exceso de curtosis es menor que el que obtienen LM, lo cual puede estar motivado por los cambios normativos ocurridos en España en 2005 y 2006.

Además, las distribuciones muestrales presentan bimodalidad para todos y cada uno de los casos, a diferencia de lo ocurrido con los precios para horas valle hasta 2004 (ver LM). La localización de la moda secundaria con respecto a la primaria varía según los datos. En el caso de los precios carga base y de las horas pico, la secundaria está localizada a la izquierda de la primaria, mientras que en el caso de las horas valle se encuentra a su derecha.

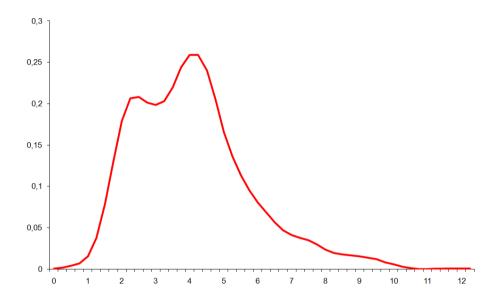
Atendiendo a la clasificación de los precios según la hora, y coincidiendo con los resultados de LM, se observa que el valor medio, el máximo y el mínimo del precio es mayor en las horas pico. Así mismo, la dispersión, el coeficiente de asimetría y el exceso de curtosis son también mayores en las horas pico. Al contrario que LM, la bimodalidad está presente en ambos casos, situándose la moda primaria a la derecha de la secundaria en el caso de las horas pico y a la izquierda en el caso de las horas valle.

En cuanto a la clasificación de los precios según la intensidad de la demanda, se encuentran algunas diferencias con respecto a LM. En concreto, el precio medio, el valor máximo, el mínimo y la desviación típica son mayores en los meses de demanda alta, además, la moda no varía salvo que se separen los meses cálidos de demanda alta del resto, en cuyo caso aumenta. Los coeficientes de asimetría y curtosis son menores en los meses de demanda alta, pero sigue habiendo asimetría positiva y exceso de curtosis.

GRÁFICA 4 DENSIDAD ESTIMADA DE PRECIOS CARGA BASE

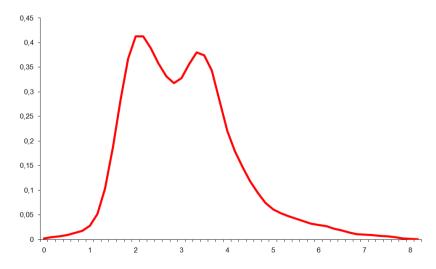


GRÁFICA 5. LOGARITMO DE LA FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN COMPLEMENTARIA DE POTENCIA



Fuente: elaboración propia.

GRÁFICA 6. DENSIDAD ESTIMADA DE PRECIOS EN HORAS VALLE



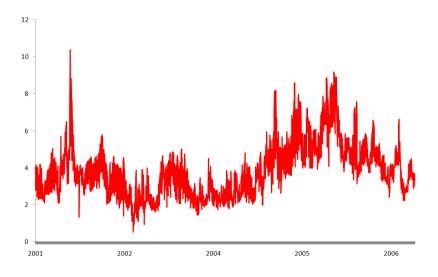
Propiedades de la serie temporal

En este apartado se realiza un análisis básico de la serie temporal de los precios eléctricos diarios (Gráfica 7), destacando las características empíricas más importantes

Saltos

Tal y como se observa en la Gráfica 7, la evolución temporal de los precios eléctricos se caracteriza por la presencia de saltos, provocando variaciones importantes en el nivel de precios para regresar rápidamente a su nivel anterior. Como consecuencia, aparecen picos temporales que son normalmente positivos y que ocurren con mayor frecuencia en los meses fríos de demanda alta. Estos picos suelen usarse como indicativo de ejercicio abusivo de poder de mercado y la acusación de colusión se realiza cuando se da de manera coordinada. Existen varios expedientes contra las eléctricas por estas prácticas. Lo más habitual es declarar indisponible una planta o bien pujar excesivamente alto para que no entre en casación y esperar a que entre en el mercado de restricciones técnicas, momento en el cual se recibe un precio muy alto¹⁴.

GRÁFICA 7. SERIE TEMPORAL DE LOS PRECIOS DIARIOS CARGA BASE



¹⁴Véase el Expediente 602/05 contra Viesgo Generación o el Expediente. 624/07 contra Iberdrola, todos ellos por prácticas prohibidas.

Efectos estacionales

La demanda de la electricidad está fuertemente influenciada por los ciclos económicos y financieros, y las condiciones meteorológicas. Es por ello que la serie de precios suele presentar efectos estacionales. Es frecuente encontrar diferentes tipos de estacionalidad: intradiaria, semanal y mensual (León y Rubia, 2001; Pardo, Meneu y Valor, 2002, entre otros).

Tal y como se ha comentado previamente, al igual que LM, en el Cuadro 2 se observan diferencias en los estadísticos principales entre las series de precios en horas pico y valle, lo que podría sugerir un comportamiento estacional horario. En cuanto a la estacionalidad mensual, también se puede intuir un patrón acorde con la intensidad de la demanda¹⁵.

Reversión a la media

Los precios eléctricos tienen también como propiedad la reversión a un nivel medio. Dicha característica viene explicada, por una parte, por el papel que juega la demanda de la electricidad sobre los precios y, por otra, porque las condiciones meteorológicas tienen gran influencia sobre ellos y estos factores son procesos cíclicos que presentan reversión a la media.

Tal y como explican LM, la reversión a la media puede suceder en el corto plazo debido a la presencia de saltos, lo cual ya se ha comentado con anterioridad, pero también puede ocurrir que los precios fluctúen en torno a un nivel a largo plazo, que como argumentan LM, puede ser constante o presentar una tendencia determinista o aleatoria. Por último, también consideran la posibilidad de que los precios se reviertan a una tendencia periódica de tipo estacional.

En la Gráfica 7 se puede apreciar la oscilación de la serie temporal en torno a una media, aunque parece que podría dividirse la muestra en dos partes, una hasta 2005, año en el que la reversión a la media se encuentra más patente y otra a partir de 2006, cuando los precios se mueven alrededor de una tendencia a la baja.

Variabilidad cambiante

Los precios de la electricidad muestran una variabilidad cambiante en el tiempo, que puede explicarse, entre otros factores, por el hecho de que la electricidad se trata de un bien no almacenable. Ello provoca que, tal y como explican Escribano *et al.* (2002), la producción y el consumo tengan que equilibrarse constantemente, haciendo más difícil suavizar los shocks en el suministro y la demanda.

Con los datos de la muestra se observa claramente una variabilidad cambiante en el tiempo. En concreto, como se ha visto previamente en el Cuadro 2, la desviación

¹⁵ Tras repetir dicho análisis en el periodo muestral 2001-2007 se rechaza la hipótesis de igualdad de medias entre los días laborables y los fines de semana, de manera que se confirma el patrón estacional.

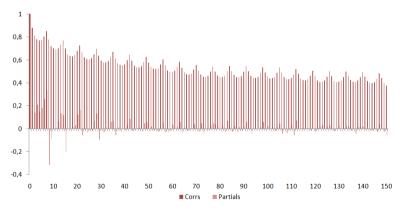
típica es mayor en el caso de los precios medios diarios para las horas pico que para las horas valle y sucede lo mismo para los periodos de demanda alta con respecto a los de demanda baja. Además, LM mencionan también que la variabilidad de los precios diarios no es constante a lo largo de los días de la semana. Así mismo, comentan que podría existir una relación entre el comportamiento estacional de los saltos en los precios y el comportamiento periódico de la varianza.

Por último, además de una variabilidad cambiante, se suele observar cierto agrupamiento de la volatilidad en algunos lapsos, lo cual se conoce en la literatura como *clusters* de volatilidad. En otras palabras, periodos de volatilidad alta son seguidos de volatilidad alta y periodos de volatilidad baja son seguidos de volatilidad baja. Esta característica es fácilmente observable en la Gráfica 7. En la literatura, una de las maneras más utilizadas para recoger el agrupamiento de volatilidad son los procesos de tipo ARCH.

Correlación serial

Las series de precios de electricidad suelen presentar una fuerte autocorrelación. Esta característica se muestra en el correlograma de los precios diarios (Gráfica 8), donde se observa que los precios dependen fuertemente de su pasado. Esta relación decrece de manera muy lenta a medida que ese pasado se hace más lejano en el tiempo.

GRÁFICA 8. CORRELOGRAMA DE LOS PRECIOS DIARIOS



Fuente: elaboración propia.

Por último, cabe destacar que también se ha contrastado la presencia de raíces unitarias en la serie de precios diarios, mediante las pruebas ADF y, Phillips y Perron, obteniendo como resultado que la serie es estacionaria¹⁶.

¹⁶ Los resultados están disponibles bajo petición a los autores. El estudio de la estacionariedad utilizando otros contrastes de raíces unitarias adecuados a las propiedades que presenta la serie queda fuera del objeto de este trabajo, pudiendo ser una extensión del mismo.

MODELIZACIÓN Y ESTIMACIÓN DE LOS PRECIOS ELÉCTRICOS

Escribano *et al.* (2002) (EPV, en adelante) proponen y estiman, utilizando datos de precios diarios de seis mercados eléctricos, seis modelos diferentes anidados, que recogen varias de las principales características de las series comentadas en el apartado anterior. El modelo más general, que engloba al resto, recoge la estacionalidad mediante una función determinista, la reversión a la media mediante un término autorregresivo aleatorio, los saltos con la posibilidad de que su intensidad varíe con las estaciones del año y el agrupamiento de la volatilidad a través de un proceso GARCH en la varianza de las perturbaciones.

El modelo general en tiempo continuo que proponen EPV es el siguiente:

$$P_t = f(t) + X_t$$

$$dX_t = -\kappa X_t dt + \nu_t^{1/2} dZ + J(\mu_J, \sigma_J) d\Pi(\lambda_t)$$

$$d\nu_t = \kappa_\nu (\theta_\nu - \nu_t) dt + \nu_t^{1/2} \sigma dZ_\nu$$

Siendo P_t el precio medio diario del mercado

f(t) es una función determinista que recoge la estacionalidad observada en los precios de la electricidad, dZ y dZ_{ν} son procesos de Wiener independientes, $d\Pi(\lambda_t)$ es una variable aleatoria que se distribuye como un proceso de Poisson con intensidad λ_t y $J(\mu_J,\sigma_J)$ es una variable aleatoria que se distribuye como una normal de media μ_J y desviación estándar σ_J . ν_t recoge la evolución de la volatilidad estocástica. Se supone que los procesos de Wiener, el de Poisson y el tamaño del salto son procesos independientes entre sí (Escribano et al., 2002, 7).

Dadas las dificultades que conlleva la estimación del modelo en tiempo continuo, EPV lo transforman en discreto, argumentando que este último ofrece una mayor flexibilidad y que el sesgo de estimación derivado de la transformación es insignificante cuando se utilizan datos diarios.

En este trabajo se utiliza el modelo general en tiempo discreto de EPV, pero se incorpora una variable ficticia que recoge el posible efecto de la entrada en vigor del RDL 3/2006 en el comportamiento de los precios. El modelo general, utilizando la notación de EPV (Escribano *et al.*, 2002, 17) es el siguiente:

$$P_t = f(t) + X_t + D_2 \cdot RDL_t$$

$$X_t = \begin{cases} \phi \cdot X_{t-1} + h_t^{1/2} \cdot \epsilon_{1t} & prob \quad 1 - \lambda_t \\ \phi \cdot X_{t-1} + h_t^{1/2} \cdot \epsilon_{1t} + \mu_J + \sigma_J \cdot \epsilon_{2t} & prob \quad \lambda_t \end{cases}$$

$$h_t = \omega + \alpha \cdot \epsilon_{t-1}^2 + \beta \cdot h_{t-1}$$

$$\lambda_t = L1 \cdot winter_t + L2 \cdot fall_t + L3 \cdot spring_t + L4 \cdot summer_t$$

Siguiendo a EPV, ϵ_{1t} , ϵ_{2t} son independientes e idénticamente distribuidas N(0,1). El parámetro ϕ mide el grado de reversión a la media (si $|\phi| < 1$ los precios revierten a la media). EPV consideran un proceso GARCH(1,1) para la volatilidad condicionada de las perturbaciones h_t . λ_t recoge la intensidad de los saltos en función de las distintas estaciones del año. Para ello, se construyen cuatro variables ficticias, que se definen de la siguiente manera:

 $winter_t$, que toma el valor 1 si la observación corresponde a los meses de diciembre, enero o febrero y 0 en el resto de los casos; $fall_t$, que toma el valor 1 si la observación se encuentra en los meses de septiembre, octubre o noviembre y 0 en el resto de los casos; $spring_t$ que toma el valor 1 si la observación se encuentra en los meses de marzo, abril o mayo y 0 en el resto de los casos; y $summer_t$ que toma el valor 1 si la observación pertenece a los meses de junio, julio o agosto y 0 en el resto de los casos (Escribano et al., 2002, 8).

Por último, RDLt es una variable ficticia que toma el valor 1 durante la vigencia del RDL 3/2006 (del 02/03/2006 al 28/02/2007) y 0 para el resto de los casos.

EPV consideran dos posibles especificaciones para la estacionalidad determinista. Por un lado, se especifica mediante una función sinusoidal y, por otro, utilizando variables ficticias para cada mes del año. En este trabajo, los resultados en cuanto a la selección del modelo más adecuado no cambian significativamente cuando se utilizan las dos posibles especificaciones para la estacionalidad, por lo que, al igual que EPV y a efectos de comparación de los resultados, sólo se presentan los del caso en el que la estacionalidad se modela con la siguiente función sinusoidal propuesta por EPV¹⁷:

$$f(t) = B_0 + B_2 t + C_1 sen[(t + C_2)(2\pi(365))] + C_3 sen[(t + C_4)(4\pi/365)] + D1wkd_t$$

 wkd_t es una variable ficticia que toma el valor 1 si la observación pertenece al fin de semana y 0 en caso contrario.

Los parámetros del modelo, $\ominus=\{f(t),\phi,\sigma^2,\omega,\alpha,\beta,\mu_J,\sigma_J^2,\lambda_t\}$, se estiman por máxima verosimilitud, resolviendo el problema de maximización:

$$Max_{\Theta} \sum_{t=1}^{T} (log(f[P_t|P_{t-1}]))$$

Donde

$$f = [P_t|P_{t-1}] = \lambda_t exp \left[\frac{-(P_t - f(t) - \phi \cdot P_{t-1} - \mu_J)^2}{2(h_t + \sigma_J^2)} \frac{1}{\sqrt{2\pi(h_t + \sigma_J^2)}} \right] + (1 - \lambda_t) exp \left[\frac{-(P_t - f(t) - \phi P_{t-1})^2}{2h_t} \frac{1}{\sqrt{2\pi h_t}} \right]$$

 $^{^{17}}$ En este estudio sólo se consideran las estacionalidades semanales y mensuales dado que los datos utilizados son diarios, de ahí que en la definición de f(t) no se midan los posibles efectos periódicos intradiarios.

De manera que se aproxima la verdadera densidad Poisson-Gaussiana mediante una mixtura de distribuciones normales.

A partir del modelo general, se estiman 6 modelos diferentes anidados de EPV, incorporando el posible efecto de la entrada en vigor del RDL 3/2006 en los precios.

Modelo 1. Proceso autorregresivo, AR(1), con volatilidad constante y sin saltos.

$$P_t = f(t) + X_t + D2 * RDL_t$$
$$X_t = \phi X_{t-1} + \sigma \epsilon_{1t}$$
$$\epsilon_{1t} \sim i.i.dN(0, 1)$$

Modelo 2. Proceso autorregresivo, AR(1), la volatilidad sigue un modelo GARCH(1,1) sin saltos.

$$P_t = f(t) + X_t + D2 * RDL_t$$

$$X_t = \phi X_{t-1} + h_{t-1}^{0.5} \epsilon_{1t}$$

$$h_t = \omega + \alpha \epsilon_{t-1} + \beta ht - 1$$

$$\epsilon_{1t} \sim i.i.dN(0, 1)$$

Modelo 3a. Proceso autorregresivo, AR(1), con saltos

$$P_t = f(t) + X_t + D2 * RDL_t$$

$$X_t = \begin{cases} \phi \cdot X_{t-1} + \sigma \cdot \epsilon_{1t} & prob \ 1 - \lambda \\ \phi \cdot X_{t-1} + \sigma \cdot \epsilon_{1t} + \mu_J + \sigma_J^2 \cdot \epsilon_{2t} & prob \ \lambda \end{cases}$$

$$\epsilon_{1t}, \epsilon_{2t} \sim i.i.dN(0, 1)$$

Modelo 3b. Proceso autorregresivo, AR(1), modelo con saltos e intensidad del proceso de Poisson dependiente del tiempo.

$$\begin{split} P_t &= f(t) + X_t + D2 \cdot RDL_t \\ X_t &= \begin{cases} \phi \cdot X_{t-1} + \sigma \cdot \epsilon_{1t} & prob \ 1 - \lambda \\ \phi \cdot X_{t-1} + \sigma \cdot \epsilon_{1t} + \mu_J + \sigma_J^2 \cdot \epsilon_{2t} & prob \ \lambda \end{cases} \\ \lambda_t &= L1 \cdot winter_t + L2 \cdot fall_t + L3 \cdot spring_t + L4 \cdot summer_t \\ \epsilon_{1t}, \epsilon_{2t} \sim i.i.dN(0, 1) \end{split}$$

Modelo 4a. Proceso autorregresivo, AR(1), la volatilidad sigue un proceso GARCH(1,1) con saltos e intensidad del proceso de Poisson constante.

$$P_{t} = f(t) + X_{t} + D2 \cdot RDL_{t}$$

$$X_{t} = \begin{cases} \phi \cdot X_{t-1} + \sigma \cdot \epsilon_{1t} & prob \ 1 - \lambda \\ \phi \cdot X_{t-1} + \sigma \cdot \epsilon_{1t} + \mu_{J} + \sigma_{J}^{2} \cdot \epsilon_{2t} & prob \ \lambda \end{cases}$$

$$h_{t} = \omega + \alpha \cdot \epsilon_{t-1} + \beta \cdot h_{t-1}$$

$$\epsilon_{1t}, \epsilon_{2t} \sim i.i.dN(0, 1)$$

Modelo 4b. Proceso autorregresivo, AR(1), la volatilidad sigue un proceso GARCH(1,1) con saltos e intensidad del proceso de Poisson dependiente del tiempo. Se trata del modelo general presentado al comienzo de la sección:

$$P_{t} = f(t) + X_{t} + D2 \cdot RDL_{t}$$

$$X_{t} = \begin{cases} \phi \cdot X_{t-1} + h_{t}^{1/2} \cdot \epsilon_{1t} & prob \ 1 - \lambda \\ \phi \cdot X_{t-1} + h_{t}^{1/2} \cdot \epsilon_{1t} + \mu_{J} + \sigma_{J}^{2} \cdot \epsilon_{2t} & prob \ \lambda \end{cases}$$

$$h_{t} = \omega + \alpha \cdot \epsilon_{t-1}^{2} + \beta \cdot h_{t-1}$$

$$\lambda_{t} = L1 \cdot winter_{t} + L2 \cdot fall_{t} + L3 \cdot spring_{t} + L4 \cdot summer_{t}$$

$$\epsilon_{1t}, \epsilon_{2t} \sim i.i.dN(0, 1)$$

$$(1)$$

El modelo 1 es el más sencillo y recoge un componente estocástico autorregresivo de orden uno, para capturar la característica de autocorrelación de los precios. El modelo 2 añade un proceso GARCH en la volatilidad condicional de los residuos para recoger el agrupamiento de la volatilidad observado. Los modelos 3a y 3b, además del componente autorregresivo, incorporan saltos de tipo Poisson. El primero de ellos considera que los saltos ocurren con una frecuencia constante, mientras que el segundo considera que la intensidad de los saltos es estacional. Por último, los modelos 4a y 4b se diferencian de los modelos 3a y 3b en que incorporan además un proceso GARCH en la volatilidad condicional de los residuos.

RESULTADOS

La estimación de los seis modelos propuestos se realiza tomando la serie de precios diarios. El Cuadro 3 muestra los coeficientes estimados para cada modelo, así como el p-valor entre paréntesis.

El coeficiente estimado correspondiente a la reversión a la media $(\hat{\phi})$, oscila entre los valores 0,83 y 0,87 para los distintos modelos, lo cual indica que los precios revierten a su valor medio, tal y como se observa en la Gráfica 7. Además, la velocidad de la reversión es más lenta que para la muestra que analizan EPV.

CUADRO 3. RESULTADOS DE LA ESTIMACIÓN DE LOS MODELOS

Coeficientes	Modelo 1	Modelo 2	Modelo 3	Modelo 3b	Modelo 4	Modelo 4b
$\hat{B_0}$	0,2	0,32	0,23	0,17	0,1	0,08
	0	0	0	0	-0,03	0
$\hat{B_2}$	2,00E-04	1,00E-04	2,00E-04	1,00E-04	1,00E-04	2,00E-04
	0	0	0	0	0	0
\hat{C}_1	0,02	-3,00E-04	-0,01	0,01	0,01	0,02
	-0,29	-0,99	-0,47	-0,54	-0,25	-0,24
\hat{C}_2	34,21	-17,2	-97,47	-422,55	44,28	90,7
	-0,54	-0,99	-0,26	0	-0,41	0
\hat{C}_3	0,04	0,01	-0,05	-0,04	-1,92E-08	-0,01
	-0,06	-0,36	-0,06	-0,06	-0,99	-0,17
\hat{C}_4	-2348,74	0,1	-2103,1	-2076,49	-1936,1	-2110,9
	0	-0,99	0	0	-0,99	0
$\hat{D_1}$	0,25	0,26	0,26	0,23	0,25	0,25
	0	0	0	0	0	0
$\hat{D_2}$	-0,1	-0,11	-0,07	-0,06	0,1	0,1
	-0,06	0	-0,11	-0,26	0	0
$\hat{\phi}$	0,86	0,86	0,87	0,87	0,85	0,83
	0	0	0	0	0	0
$\hat{\sigma}$	0,67		0,08	0,61		
	0		-0,01	0		
$\hat{\omega}$		0,08			0,08	2,00E-03
		0			0	0
$\hat{\alpha}$		0,13			0,14	0,16
		0			0	0
\hat{B}		0,61			0,65	0,81
		0			0	0
λ			0,97		0,49	
			0		-0,55	
$\hat{L_1}$				0,25		0,39
				0		0
$\hat{L_2}$				0,07		0,57
				-0,04		0
$\hat{L_3}$				0,05		0,22
				-0,06		0
$\hat{L_4}$				0,1		0,25
				-0,02		0
$\hat{\mu_J}$			-0,05	0,69	0,61	0,51
			-0,2	0	0	0
$\hat{\sigma_J}$			0,68	1,01	0,61	0,5
			0	0	0	0

Fuente: elaboración propia.

Los coeficientes estimados asociados al proceso GARCH $(\hat{\omega}, \hat{\alpha} \ y \ \hat{\beta})$, son positivos, estadísticamente significativos y $\hat{\alpha}+\hat{\beta}<1$, por lo que el GARCH es estable y la varianza incondicional $\sigma^2=\frac{\omega}{1-\alpha-\beta}$, finita. El valor de $\hat{\alpha}+\hat{\beta}$ mide la persistencia de los shocks de volatilidad, que toma valores que oscilan entre 0,74 y

0,97, siendo mayor en el caso de los modelos donde se incorporan saltos. Este resultado está en la línea de lo que obtienen EPV, quienes asocian la persistencia a la presencia de saltos.

La incorporación de los saltos observados entre las características de la serie de precios diarios se realiza en los modelos 3a y 4a, en los cuales se considera que los saltos ocurren con una probabilidad constante en el tiempo, y en los modelos 3b y 4b que permiten que dicha probabilidad varíe en el tiempo. Tal y como se observa en el Cuadro 3, al pasar del modelo 3a al 3b el coeficiente $\hat{\mu_J}$ se convierte en significativo y los coeficientes $\hat{L1}$ a $\hat{L4}$ también lo son al 10 %, sugiriendo que los saltos ocurren con una probabilidad cambiante en el tiempo. Esta última característica también se observa en el paso del modelo 4a al 4b, aunque el coeficiente $\hat{\mu_J}$ no es significativo, indicando que en promedio los saltos son aproximadamente cero.

En cuanto a la característica observada de la estacionalidad, el parámetro estimado $\hat{D1}$ es significativo en todos los casos, mientras que la significancia de los parámetros $\hat{C1}$ a $\hat{C4}$ varía según el modelo.

Por último, salvo en el caso de los modelos 3a y 3b, la entrada en vigor del RDL 3/2006 tiene efecto en el comportamiento de los precios, ya que el parámetro $\hat{D2}$ es significativo.

La elección del modelo que mejor recoge el comportamiento de los precios del mercado eléctrico se realiza utilizando los criterios de Akaike (AIC), Schwarz (BIC) y Hannan y Quinn (HQ), cuyos valores se muestran en el Cuadro 4.

CUADRO 4. CRITERIOS DE SELECCIÓN

Modelos	AIC	BIC	HQ
1	4.414,77	2,093	4.406,17
2	4.296,75	2,045	4.285,29
3	4.401,41	2,094	4.389,95
3b	4.359,37	2,083	4.345,04
4	20.713,96	9,746	20.699,63
4b	14.497,57	6,841	14.480,38

Fuente: elaboración propia.

En negrita se señala el valor más pequeño alcanzado con cada criterio. Se observa que con los tres criterios el modelo que mejor se ajusta a los datos es el modelo 2, el cual incluye volatilidad de tipo GARCH, resultado que coincide con el obtenido por EPV para el periodo muestral 1998-2000.

Tal y como se observa en el Cuadro 3, en la estimación del modelo 2 el parámetro $\hat{\phi}$ toma un valor de 0,86 por lo que la reversión a la media de los precios es lenta. Por otra parte, los coeficientes estimados del proceso GARCH indican que se trata

de un proceso estable, es decir, $\hat{\alpha}+\hat{\beta}<1$. En cuanto a la estacionalidad, el parámetro $\hat{D1}$ toma un valor de 0,26, de manera que la estacionalidad semanal es significativa. De los parámetros asociados a la estacionalidad mensual tan sólo $\hat{\beta0}$ y $\hat{\beta2}$ son significativos, lo cual indica que en este caso únicamente resulta significativa la tendencia.

Por último, el parámetro $\hat{D2}$ es significativo y toma el valor -0,11. Este resultado indica que la entrada en vigor del RDL 3/2006 conlleva en promedio un precio medio inferior.

CONCLUSIONES

Este trabajo analiza el comportamiento de los precios de la electricidad en el mercado español. Inicialmente se realiza un análisis descriptivo del comportamiento del precio entre 2001 y 2007. Posteriormente se estiman los seis modelos anidados que proponen EPV incorporando el posible efecto del cambio regulatorio que origina el RDL 3/2006. Estos modelos recogen algunas o todas las características observadas en la serie de precios.

Tal y como había indicado la literatura existente sobre la distribución seguida por los precios eléctricos, se encuentran evidencias de que se trata de una distribución leptocúrtica y asimétrica a la derecha con una gran dispersión, que presenta bimodalidad con series que presentan distintos tipos de estacionalidad. Además, cabe destacar una disminución del exceso de curtosis en los últimos dos años coincidiendo con los cambios en la regulación de los mercados eléctricos en dicho periodo.

Por otra parte, si se observa la dinámica temporal de los precios del mercado eléctrico se encuentra evidencia de características como saltos, efectos periódicos, reversión a la media, variabilidad cambiante y correlación serial. Tras realizar la modelización de los precios, se llega a la conclusión de que para el periodo muestral estudiado, el modelo que mejor se ajusta a la serie de precios únicamente tiene un proceso de volatilidad de tipo GARCH(1,1), en el que no se tienen en cuenta los saltos. Modelando la estacionalidad con una función sinusoidal, se obtiene que la entrada en vigor del RDL 3/2006 afecta a los precios medios diarios, ya que, a igualdad en el resto de variables del modelo, el real decreto hace que en promedio los precios sean menores.

REFERENCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- Bierbrauer, M., Trück, S. y Weron, R. (2004). Modeling Electricity Prices with Regime Switching Models. *Computational Science*, 3039, 859-867.
- 2. Bunn, D.W. (2004). *Modelling Prices in Competitive Electricity Markets*. (The Wiley Finance Series). New York: John Wiley y Sons.
- 3. Byström, H.N.E. (2005). Extreme Value Theory and Extremely Large Electricity Price Changes. *International Review of Economics and Finance*, 14, 41-55.

- Carnero, M.A., Koopman, S.J. y Ooms, M. (2007). Periodic Seasonal Reg-ARFIMAGARCH Models for Daily Electricity Spot Prices. *Journal of the American Statistical Association*, 102, 16-27.
- Escribano, A., Peña, J.I. y Villaplana, P. (2002). Modeling Electricity Prices: International Evidence. (Working Paper 02-27, Economics Series 08). Madrid: Universidad Carlos III de Madrid.
- 6. Fabra, N. (2003). Tacit Collusion in Repeated Auctions: Uniform versus Discriminatory. *Journal of Industrial Economics*, *51*(3), 271-293.
- 7. Fabra, N. (2006). El funcionamiento del mercado eléctrico español bajo la Ley del sector eléctrico. En García Delgado, J.L. y Jiménez, J.C. *Energía: del Monopolio al Mercado. CNE, diez años en perspective (247-277).* Madrid: Civitas. Disponible en: http://www.cne.es/cne/doc/publicaciones/coediciones/coed thomson_cne1.pdf.
- 8. Geman, H. y Roncoroni, A. (2006). Understanding the Fine Structure of Electricity Prices. *The Journal of Business*, 79(3), 1225-1261.
- 9. Huisman, R, Huurman, C. y Mahieu, R. (2007). Hourly electricity prices in dayahead markets. *Energy Economics*, 29, 240-248.
- 10. Knittel, C.R. y Roberts, M.R. (2005). An Empirical Examination of Restructured Electricity Prices. *Energy Economics*, 27, 791-817.
- León, A. y Rubia, A. (2001). Comportamiento del precio y volatilidad en el pool eléctrico español. (Working Paper EC 2001-04). Valencia: Instituto Valenciano de Investigaciones Económicas.
- 12. Longstaff, F.A. y Wang, A.W. (2004). Electricity Forward Prices: A High-Frequency Empirical Analysis. *Journal of Finance*, 59(4), 1877-1900.
- Lucia, J.J. y Meneu, V. (2005). Los precios en los mercados reestructurados de electricidad: algunas lecciones básicas para la negociación derivada. *Cuadernos Económicos de ICE*, 69, 119-145.
- 14. Pardo, A., Meneu, V. y Valor, E. (2002). Temperature and seasonality influences on Spanish electricity load. *Energy Economics*, 24, 55-70.
- 15. Ley del Sector Eléctrico, 54/97, BOE nº 285, de 28 de noviembre (1997).
- Real Decreto-ley 6/2000 de Medidas Urgentes de Intensificación de la Competencia en Mercados de Bienes y Servicios, BOE. nº 151, de 24 de junio (2000).
- 17. Real Decreto 2351/2004, de 23 de diciembre, por el que se modifica el procedimiento de resolución de restricciones técnicas y otras normas reglamentarias del mercado eléctrico, BOE. nº 309, de 24 de diciembre (2004).
- 18. Real Decreto ley 5/2005, de 11 de marzo, de reformas urgentes para el impulso a la productividad y para la mejora de la contratación pública, BOE nº 062, de 14 de marzo (2005).
- 19. Ley 24/2005, de 18 de noviembre, de reformas para el impulso a la productividad, BOE nº 277, de 19 de noviembre (2005).
- 20. Real Decreto 1454/2005, de 2 de diciembre, por el que se modifican determinadas disposiciones relativas al sector eléctrico, BOE nº 306, de 23 de diciembre (2005).
- 21. Real Decreto-ley 3/2006, de 24 de febrero, por el que se modifica el mecanismo de casación de las ofertas de venta y adquisición de energía presentadas simultáneamente al mercado diario e intradiario de producción por sujetos del sector eléctrico pertenecientes al mismo grupo empresarial, BOE nº 50, de 28 de febrero (2006).

- 22. Real Decreto-ley 7/2006, de 23 de junio, por el que se adoptan medidas urgentes en el sector energético, BOE nº 150, 24 de junio (2006).
- 23. Orden ITC/400/2007, de 26 de febrero, por la que se regulan los contratos bilaterales que firmen las empresas distribuidoras para el suministro a tarifa en el territorio peninsular, BOE nº 50, de 27 de febrero (2007).
- 24. Real Decreto 661/2007, de 25 de mayo, por el que se regula la actividad de producción de energía eléctrica en régimen especial, BOE nº 126, de 26 de mayo (2007).