

## Método de la correlación en un cristal de ZnO.

### Correlation Method in a ZnO Crystal.

Oslén Dilayder Jaimes <sup>a\*</sup>  
Isabel Cristina Rincón <sup>a</sup>  
Heriberto Peña-Pedraza <sup>a</sup>

Fecha de Recepción: 16 - oct. - 2017.

Fecha de Aceptación: 17 - abr. - 2018.

#### Resumen

La predicción de los modos de vibración de las moléculas o estructuras cristalinas basados en sus propiedades de simetría, nos permiten utilizar un poderoso método para caracterizar nuevos materiales. En el siguiente trabajo, se realizó el análisis modal teórico por medio del método de correlación, y se obtuvo los modos de vibración Raman ópticamente activos para un sistema cristalino con estructura de tipo Hexagonal Wurzita. Utilizando la técnica de espectroscopia Raman, se registró el espectro de vibración Raman Stokes para un cristal de ZnO. A partir del análisis teórico y del espectro Raman registrado experimentalmente para el ZnO, se pudo observar y comparar el método teórico (método de correlación) con el experimental (técnica de espectroscopia Raman). Este análisis, sugiere que el método de correlación es preciso en la predicción de los modos de vibración de cualquier red cristalina, sin embargo, su poder se puede extender al usarse conjuntamente con los datos experimentales Raman en la caracterización de la calidad cristalina y estructural de nuevos materiales de interés tecnológico.

**Palabras Clave:** Modos Normales, Espectroscopia Raman, Wurzita, Correlación.

#### Abstract

The prediction of vibrational modes of the crystalline molecules or structures based on their properties of symmetry, allow us to use a powerful method to characterize new materials. In this work, the theoretical modal analysis was performed by the correlation method, and the optically active Raman vibration modes were obtained for a crystalline system with hexagonal Wurzite type structure. Using the Raman spectroscopy technique, the Raman Stokes vibration spectrum was obtained for a ZnO crystal. From the theoretical analysis and the experimentally recorded Raman spectrum for ZnO, it was possible to observe and compare the theoretical method (correlation method) with the experimental method (Raman spectroscopy technique). This analysis suggests that the correlation method is accurate in predicting the modes of vibration of any crystal lattice, which can be used in conjunction with the Raman experimental data in characterizing the crystalline and structural quality of new materials of technological interest.

**Keywords:** Normal Modes, Raman Spectroscopy, Wurzita, Correlation.

---

<sup>a</sup> Grupo de Óptica Moderna, Departamento de Física y Geología, Universidad de Pamplona, Colombia.

\* Correo electrónico: oslendjs@unipamplona.edu.co

## INTRODUCCIÓN

El óxido de Zinc ZnO es un semiconductor del grupo II-VI, con brecha directa de 3,37 eV a temperatura ambiente y una alta movilidad de electrones. El dopaje natural con oxígeno lo convierte en un semiconductor de tipo n. Posee una gran transparencia, alta movilidad de electrones, brecha ancha y fuerte luminiscencia a temperatura ambiente [1].

Los semiconductores ZnO han sido ampliamente investigados en muchas complejidades estructurales [2], [3], [5], [6], [7], [8]. Por sus propiedades químicas y físicas sintonizables, potencialmente útiles con aplicaciones en electrónica, optoelectrónica, catálisis, celdas solares, películas delgadas [3],[5],[8]. Se utiliza ampliamente como: electrodo transparente, sensor de gas, ventanas que ahorran energía o que protegen del calor, transistores de película delgada, diodo emisor de luz.

El ZnO es muy versátil ya que puede prepararse en volumen, en películas delgadas o formando nanoestructuras (nanoesferas, nanohilos, nanotiras, nanopartículas, etc.) con diferentes métodos de crecimiento [3],[4],[6],[8], [13].

Este material es un candidato para la fabricación de los dispositivos emisores de luz azul o ultravioleta altamente eficientes, debido a la amplia brecha de energía directa y a la gran energía de enlace del exciton. Sin embargo, se ha reconocido que el ZnO sin dopar muestra una conductividad de tipo n, debido a defectos nativos tales como: los intersticiales de Zn, la emisión verde debida a las vacancias de oxígeno, que se introducen por el crecimiento a altas temperaturas y/o la pobre reactividad del oxígeno suministrado en el crecimiento. Normalmente el ZnO se encuentra en estructuras cúbicas zincblenda y hexagonal wurzita [9]. La estructura hexagonal tiene un grupo puntual de  $6mm$  (en notación de Hermann-Mauguin) o  $C_{6v}$  (notación de Schoenflies), y un grupo espacial  $P6_3mc$  o  $C_{6v}^4$ . Las constantes de red son:  $a = 3,25 \text{ \AA}$  y  $c = 5,2 \text{ \AA}$ ; su relación  $c/a \sim 1,60$  aproxima al valor ideal para una celda hexagonal 1,633. La ciencia de los materiales necesita investigar la relación entre la estructura y las propiedades de los materiales,

el procesamiento y funcionamiento, y proyecta la estructura de un material para conseguir un conjunto predeterminado de propiedades.

Por otro lado, la Espectroscopia Raman, es una herramienta de análisis e investigación importante de los materiales semiconductores. Es una técnica de dispersión de la luz, en la que un fotón incidente interactúa inelásticamente con la red cristalina, y crea o destruye un fotón, el fotón dispersado porta la información acerca de la energía o frecuencia del fonon creado o aniquilado, lo que permite sondear las vibraciones fundamentales de los cristales, modos normales de vibración o fonones, dando información útil para la identificación química, la caracterización de las estructuras cristalinas, de los enlaces entre los átomos, el medio, los defectos y el estrés de la muestra sólida.

Al combinar la técnica Raman con las características de simetría de la estructura cristalina, la teoría de grupos y el método de correlación, se tiene una herramienta poderosa para el análisis de las propiedades de los materiales cristalinos.

Algunos de los estudios y proyecciones de este material se citaran como sigue:

Nanovarillas de ZnO dopado con litio, es un buen candidato para la creación de dispositivos nanogeneradores, debido a que dan una respuesta piezoeléctrica mucho más alta que las nanovarillas de ZnO puras [11].

El ZnO es un semiconductor que tiene muchas aplicaciones, como transductores piezoeléctricos, varistores, fósforos luminiscentes, y películas conductoras transparentes [12]. Como emisor de luz el ZnO posee una energía de exciton de 60 meV. En electrónica el ZnO es muy atractivo debido a su alta rigidez dieléctrica y alta velocidad de saturación [2].

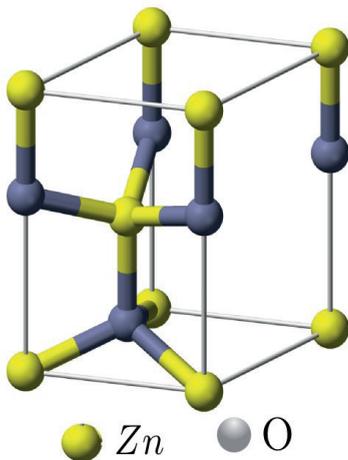
Debido a sus propiedades, el ZnO es un material que promete ser usado en diferentes aplicaciones; como en el desarrollo de sensores de gas en forma de películas delgadas, varistores, láseres ultravioleta y visible, y componentes de celdas solares [14].

## Cristal de ZnO

El cristal estudiado de ZnO, fue crecido por el método de transporte de vapor, los datos de los espectros Raman no polarizados fueron registrados y facilitados por el Centro de Estudios en Semi-conductores de la Universidad de Los Andes [17], se utilizó la configuración de retrodispersión con un espectrómetro confocal Dilor XY 800, un láser Ar como fuente de excitación de 514,5nm, con una cámara ccd refrigerada con nitrógeno líquido. Las cuasi-partículas conocidas como fonones ópticos presentan una larga vida en el ZnO. El ZnO adopta una estructura tipo Wurzita con grupo espacial  $C_{6v}$ . Se debe tener en cuenta la existencia de impurezas en el crecimiento, ya que estas afectan la simetría del cristal y por lo tanto su energía de vibración.

### Método de la correlación

El método de la correlación fue desarrollado por S. Bhagavantam y T. Venkavantam, en su libro teoría de grupos y su aplicación a problemas físicos [15]. Para aplicar este método se debe conocer la estructura cristalina del material. Para el ZnO el sistema cristalino es hexagonal, la estructura de la celda unidad es de tipo Wurzita figura 1.



**Figura 1.** Estructura cristalina tipo Wurzita. Celda unidad del ZnO. Benjah-bmm27

Además, se debe conocer el número de moléculas por celda en el espacio de Bravais, las representaciones irreducibles de una celda

unitaria cristalográfica; pueden contener varias veces el número de vibraciones de la red del cristal. Entonces, la celda de Bravais es utilizada para encontrar las representaciones irreducibles de las vibraciones en la red. La celda unitaria puede ser idéntica a la celda de Bravais o puede ser mayor en algún múltiplo simple. Para todas las estructuras cristalinas primitivas (P), la celda unitaria y la celda de Bravais son idénticas.

El problema de incluir demasiadas celdas de Bravais en la celda cristalográfica, se soluciona si hacemos la división del número de átomos por celda cristalográfica sobre el número de puntos en la red (LP) o el número de átomos en cada molécula en la celda cristalográfica.

El número de moléculas por celda unidad:  $Z^n$  = (número de átomos por celda cristalográfica) / (número de átomos en cada molécula).

Para la estructura tipo Wurzita 1, el número de átomos por celda cristalográfica es:

$$N_{Zn} = N_i + \frac{N_c}{2} + \frac{N_v}{8} \quad (1)$$

donde

$N_i$ : Número de átomos en el interior de la celda.

$N_l$ : Número de átomos en los lados.

$N_c$ : Número de átomos en la cara.

$N_v$ : Número de átomos en los vértices.

En la figura 1,  $N_i = 1$ ,  $N_c = 0$  y  $N_v = 8$

Por lo tanto:

$$N_{Zn} = 2$$

$$N_O = N_i + \frac{N_l}{4} + \frac{N_v}{8} \quad (2)$$

En la figura 1,  $N_i = 1$ ,  $N_l = 4$  y  $N_v = 0$

Por lo tanto:

$$N_O = 2$$

Entonces tendremos 2 átomos de  $Zn$  y 2 de  $O$ , para un total de 4 átomos en la celda. El número de átomos en la molécula de  $ZnO$  sera 2, 1 de  $Zn$  y 1 de  $O$ .

El número de moléculas por celda unidad.

$$Z_{ZnO}^n = \frac{4}{2} = 2$$

### Simetría de sitio de cada átomo en la celda de Bravais.

La posición de cada átomo en la celda unitaria posee su propia simetría, llamada simetría de sitio. Para el  $ZnO$  hay 2 átomos de  $Zn$  y 2 átomos de  $O$  por celda unitaria. El grupo espacial para el  $ZnO$  es el  $C_{6v}^4$  o  $P6_3mc$  y los posibles sitios de simetría son:

**Tabla 1.** Simetría de sitio para el grupo espacial  $P6_3mc$ . Tomado de [16]

Número	Grupo espacial	Grupo puntual	Sitios de simetría posibles
186	$P6_3mc$	$C_{6v}^4$	$2C_{3v}(2);$ $C_s(6);C_1(12)$

Los valores al lado izquierdo y entre los paréntesis corresponden a:

**Tabla 2.** Simetría de sitio para el grupo espacial  $P6_3mc$ . Tomado de [16]

Sitio de simetría en la celda de Bravais	Número de átomos posicionados en este sitio de simetría de la celda de Bravais (Número entre paréntesis)	Número de tipos de simetría de sitio (valor al lado izquierdo del grupo puntual)
$2C_{3v}(2)$	2	2
$C_s(6)$	6	1
$C_1(12)$	12	1

El  $2C_{3v}(2)$  indica que existen 2 tipos diferentes de sitios  $C_{3v}$  en esta celda unidad, cada uno de estos tipos puede posicionar 2 átomos que presentan simetría de sitio  $C_{3v}$ . El  $C_s(6)$  indica que existen 6 átomos que ocupan sitios de simetría  $C_s$ .

Para el  $ZnO$  hay 2 átomos de zinc y 2 átomos de oxígeno en la celda unidad. En la tabla 2, la simetría de sitio que puede posicionar 2 átomos es el  $C_{3v}$ . Por lo tanto; la simetría del sitio del zinc y del oxígeno es  $C_{3v}$ , el 2 antes de  $C_{3v}$  indica que esta simetría de sitio se repite.

Para seleccionar las simetrías de sitio de los tipos de átomos de una molécula ( $Zn$  y  $O$ ), se debe tener en cuenta que el número de átomos de un tipo ( $Zn$  u  $O$ ) debe ser igual al número de átomos posicionados en el sitio de simetría (valor entre paréntesis) de la tabla 2.

### Correlación del grupo del sitio con el grupo factor.

Ahora se hallarán las especies de simetría para los desplazamientos de los átomos en el sitio. Estos desplazamientos se convertirán en las vibraciones de la red en el cristal. Las especies de simetría para los sitios de simetría se obtienen por medio de la tabla de correlación (Tabla 6), en nuestro caso sera la correlación entre el grupo puntual  $C_{6v}^4$  con la simetría de sitio  $C_{3v}$ . Estas tablas muestran la relación entre cada especie del grupo del sitio o el grupo puntual con una especie del grupo factor una simetría de sitio. Entonces, un grupo puntual está correlacionado con diferentes factores de subgrupos de grupos puntuales, por medio de la simetría de sitio de los átomos en el cristal. Esta correlación permite identificar las especies de vibración de la red en el cristal y además, permite reconocer la actividad Raman e Infrarroja.

**Correlación entre el grupo puntual  $C_{6v}$  y el grupo  $C_{3v}$ .**

El grupo  $C_{3v}$  es un subgrupo de  $C_{6v}$ . Además de este, el grupo puntual también contiene los

siguientes subgrupos:  $C_s$ ,  $C_2$ ,  $C_3$ ,  $C_6$  y  $C_{2v}$ . Para mostrar la correlación, se necesitan las tablas de caracteres de los grupos puntuales  $C_{6v}$  y  $C_{3v}$ .

**Tabla 3.** Tabla de caracteres para el grupo puntual  $C_{6v}$ . Tomada de [16].

$C_{6v}$	$E$	$2C_6(z)$	$2C_3(z)$	$C_2(z)$	$3\sigma_v$	$3\sigma_d$	Lineales y rotaciones	Cuadráticas
$A_1$	1	1	1	1	1	1	$z$	$x^2 + y^2, z^2$
$A_2$	1	1	1	1	-1	-1	$R_z$	
$B_1$	1	-1	1	-1	1	-1		
$B_2$	1	-1	1	-1	-1	1		
$E_1$	2	1	-1	-2	0	0	$(x, y) (R_x, R_y)$	$(xz, yz)$
$E_2$	2	-1	-1	2	0	0		$(x^2 - y^2, xy)$

El grupo puntual  $C_{6v}$  posee 6 especies de simetría o representaciones irreducibles.

**Tabla 4.** Tabla de caracteres para el grupo puntual  $C_{3v}$ . Tomada de [16].

$C_{3v}$	$E$	$2C_3(z)$	$3\sigma_v$	Lineales y rotaciones	Cuadráticas
$A_1$	1	1	1	$z$	$x^2 + y^2, z^2$
$A_2$	1	1	-1	$R_z$	
$E$	2	-1	0	$(x, y) (R_x, R_y)$	$(x^2 - y^2, xy)$

El grupo puntual  $C_{3v}$  posee 3 especies de simetría o representaciones irreducibles.

Al comparar las tablas 3 y 4, se aprecia que las operaciones de simetría del grupo puntual  $C_{3v}$  están contenidas en el grupo puntual  $C_{6v}$ .

Para obtener las especies de  $C_{3v}$  que están correlacionadas con las especies de  $C_{6v}$ , se comparan los caracteres de las operaciones de simetría en común de los grupos  $C_{6v}$  y  $C_{3v}$ . Estas operaciones de simetría son:  $E$ ,  $2C_3(z)$  y  $3\sigma_v$ . Para esto, se toma de la tabla del grupo puntual  $C_{6v}$  (Tabla 3) solo la parte con las operaciones de simetría en común con el grupo puntual  $C_{3v}$ .

**Tabla 5.** Caracteres de correlación entre los grupos puntuales  $C_{6v}$  y  $C_{3v}$ .

Especies de simetría de $C_{6v}$	$E$	$2C_3(z)$	$3\sigma_v$	Especies de simetría de $C_{3v}$
$A_1$	1	1	1	$A_1$
$A_2$	1	1	-1	$A_2$
$B_1$	1	1	1	$A_1$
$B_2$	1	1	-1	$A_2$
$E_1$	2	-1	0	$E$
$E_2$	2	-1	0	$E$

	$E$	$2C_3(z)$	$3\sigma_v$
Grupo puntual $C_{6v}$ : especie $A_1$	-	1	1
Grupo puntual $C_{3v}$ : especie $A_1$		1	1

Entonces, la correlación es  $C_{3v}(A1)$  a  $C_{6v}(A1)$ .

	$E$	$2C_3(z)$	$3\sigma_v$
Grupo puntual $C_{6v}$ : especie $A_2$	1	1	-1
Grupo puntual $C_{3v}$ : especie $A_2$	1	1	-1

La correlación es  $C_{3v}(A2)$  a  $C_{6v}(A2)$ .

	$E$	$2C_3(z)$	$3\sigma_v$
Grupo puntual $C_{6v}$ : especie $B_1$	1	1	1
Grupo puntual $C_{3v}$ : especie $A_1$	1	1	1

La correlación es  $C_{3v}(A1)$  a  $C_{6v}(B1)$ .  
Realizando la correlación para las otras  
3 especies restantes obtenemos:

**Tabla 6.** Correlación entre grupos puntuales  $C_{6v}$  y  $C_{3v}$ .

$C_{6v}$	$C_{3v}$
$A_1$	$A_1$
$A_2$	$A_2$
$B_1$	$A_1$
$B_2$	$A_2$
$E_1$	$E$
$E_2$	$E$

Considerando que en los desplazamientos se producen vibraciones a lo largo de los ejes (x,y,z), se pueden identificar de manera fácil las especies de simetría del sitio  $C_{3v}$ . Por ejemplo, los desplazamientos de los átomos de zinc (Zn) o de oxígeno (O), paralelos al eje tendrán la misma simetría que la traslación en la dirección z. La traslación  $T_z$  o simplemente z, mostrada en la tabla de caracteres tabla 4 pertenece a la especie de

simetría o representación irreducible (IRR)  $A_1$ . Por lo tanto, los desplazamientos de los átomos a lo largo del eje z, pertenecen a la especie de simetría  $A_1$ . De la misma manera se puede ver que las traslaciones de los átomos en x y y pertenecen a la especie de simetría E tabla 4.

Esta clasificación de las especies de simetría para la vibración por medio de la traslación de los átomos, no es diferente de las descripciones usadas para las vibraciones moléculares, como: estiramientos, doblamientos y giros. Las vibraciones moléculares de un cristal son mucho más complejas, pero esa es la importancia de este método, la sencillez con la que clasifica las vibraciones en la red.

Para encontrar los grados de libertad vibracional de las especies de simetría del sitio  $C_{3v}$ , que pueden ser tomados para los 2 átomos de zinc o los 2 átomos oxígeno se usa:

**Tabla 7.** Grados de libertad de las especies de simetría de sitio  $C_{3v}$ . En nuestro caso  $n = 2$ , debido a que son 2 átomos de zinc o también puede ser para 2 átomos de oxígeno.

Especies de Simetría del sitio $C_{3v}$	Traslación $t^\gamma$	$t^\gamma$	Grado de libertad vibracional $f^\gamma = n \cdot t^\gamma$
$A_1$	$T_z$	1	2
$A_2$		0	0
$E$	$T_x, T_y$	2	4

La tabla 7 indica que en la red de zinc o de oxígeno, sus vibraciones son designadas con grados de libertad en las especies  $A_1$  y E. Ahora vamos a correlacionar las especies de simetría ( $A_1$  y E) del sitio  $C_{3v}$  con las especies del grupo factor  $C_{6v}$ , Tabla 6.

**Tabla 8.** Correlación de C3v a C6v.

Especies de simetría del sitio C <sub>3v</sub>	Correlación	Especies de simetría del grupo de factores C <sub>6v</sub>
A <sub>1</sub>	↗	A <sub>1</sub>
A <sub>1</sub>	↘	B <sub>1</sub>
A <sub>2</sub>	↗	A <sub>2</sub>
A <sub>2</sub>	↘	B <sub>2</sub>
E	↗	E <sub>1</sub>
E	↘	E <sub>2</sub>

Las especies de simetría de sitio C<sub>3v</sub> que contienen traslaciones son A<sub>1</sub> y E (sobre estas traslaciones se pueden producir vibraciones en la red en el cristal), se selecciona la correlación de estas especies de sitio con las especies de simetría del grupo factor C<sub>6v</sub>. Por medio de esta selección, es fácil identificar las vibraciones en la red con especies de simetría del grupo factor, debido a que al considerar las traslaciones de las especies de sitio podemos saber cuáles son las especies de grupo factor que pueden vibrar. Esta correlación permite realizar una conexión entre el movimiento de un átomo en un punto (simetría de sitio) con el movimiento de este átomo en una red en conjunto, debido a que este está enlazado con los demás átomos que forman la celda unitaria (simetría de grupo). Estas especies de simetría de factores son las vibraciones en la red del cristal. En la tabla 9 se muestran las especies de simetría del grupo factor que están correlacionadas con las especies de simetría de sitio que contienen traslaciones.

f <sup>γ</sup>	t <sup>γ</sup>	Especies del sitio C <sub>3v</sub> , γ	Correlación	Especies del grupo factor, ζ	C <sub>ζ</sub>	a <sub>ζ</sub> =	$\overbrace{a_{A_1} + a_E}^{a_\gamma}$
2	1(T <sub>z</sub> )	A <sub>1</sub>	↗	A <sub>1</sub>	1	1 =	1 + 0
				B <sub>1</sub>	1	1 =	1 + 0
4	2(T <sub>x</sub> , T <sub>y</sub> )	E	↘	E <sub>1</sub>	2	1 =	0 + 1
				E <sub>2</sub>	2	1 =	0 + 1

**Tabla 9.** Valores para encontrar las especies de simetría.

Las representaciones irreducibles de los átomos de Zinc del grupo factor que contiene las vibraciones en la red son:

$$\Gamma_{Zn} = 1.A_1 + 1.B_1 + 1.E_1 + 1.E_2$$

$$\Gamma_{Zn} = A_1 + B_1 + E_1 + E_2 \quad (3)$$

Como tenemos que los átomos de oxígeno también se pueden posicionar en el sitio C<sub>3v</sub> y sabemos que este sitio se presenta 2 veces, las representaciones irreducibles para los átomos de oxígeno del grupo factor que contienen las vibraciones en la red, serán las mismas que para los átomos de zinc, por lo tanto:

$$\Gamma_O = A_1 + B_1 + E_1 + E_2 \quad (4)$$

Se puede encontrar la representacion total para el cristal de ZnO, sumando los 2 conjuntos de representaciones obtenidas:

$$\Gamma^{ZnO} = \Gamma_{Zn} + \Gamma_O \quad (5)$$

$$\Gamma^{ZnO} = 2A_1 + 2B_1 + 2E_1 + 2E_2 \quad (6)$$

La ecuación de los grados de libertad vibracionales (Ec. 6) la podemos verificar con el producto de  $3N$ , donde  $N$  es el número de átomos en la celda de Bravais o celda unitaria. Para nuestro caso  $N = 4$  tendremos:

$$3 * N = 3 * 4 = 12 \quad (7)$$

En la (Ecu 6) tenemos 12 grados de libertad contando el doble degeneramiento de las especies de simetría  $E_1$  y  $E_2$ .

En la ecuación de los grados de libertad vibracional (Ecu 6), están también incluidos los 3 modos vibracionales acústicos. Las vibraciones que se toman en cuenta son las que están en el centro de la zona de Brillouin ( $k \cong 0$ ), los 3 modos de vibración acústicos en esta zona de Brillouin, tienen una frecuencia aproximada de 0, las vibraciones con frecuencia igual a 0 no presentan un interés físico en este estudio, debido a que se estudia la energía absorbida por el cristal para empezar a vibrar. Por lo tanto, estos modos de vibración acústicos pueden ser restados de la (Ecu 6).

$$\Gamma^{Vib-Crist} = \Gamma^{Cristal} - \Gamma^{acusti}$$

Los modos acústicos se pueden identificar fácilmente por medio de la tabla de caracteres para el grupo factor  $C_{6v}$ , Tabla 3, donde las especies de simetría que contengan las 3 traslaciones, le corresponden a los modos acústicos. De esta manera obtenemos que:

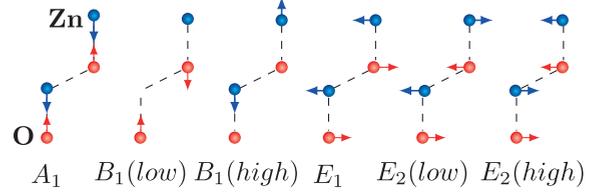
$$\Gamma^{acusti} = A_1 + E_1 \quad (8)$$

Obteniendo así:

$$\Gamma^{Vib-Crist} = 2A_1 + 2B_1 + 2E_1 + 2E_2 - (A_1 + E_1)$$

$$\Gamma^{Vib-Crist-ZnO} = A_1 + 2B_1 + E_1 + 2E_2 \quad (9)$$

Estos modos ópticos se pueden ilustrar en la estructura tipo wurzita figura 2.



**Figura 2.** Modos de vibración en la estructura tipo Wurzita.

En la tabla de caracteres para el grupo puntual  $C_{6v}$  (tabla 3) se puede ver que los modos de vibración B1 son silentes, debido a que esta especie de simetría no presenta actividad IR ni actividad Raman. Las especies de simetría  $A_1$  y  $E_1$  presentan actividad infrarroja. Las especies de simetría  $A_1$ ,  $E_1$  y  $E_2$  presentan actividad Raman.

**Tabla 10.** Actividad IR y actividad Raman en los modos de vibración del ZnO.

ZnO	IR	Raman
$A_1$	Activo	Activo
$B_1$	No Activo	No Activo
$E_1$	Activo	Activo
$E_2$	No Activo	Activo

De esta manera se pueden obtener los modos normales de vibración del cristal de ZnO:

$$\Gamma^{Vib-Crist-ZnO} = A_1^{(IR+R)} + 2B_1^{(0)} + E_1^{(IR+R)} + 2E_2^R \quad (10)$$

## RESULTADOS

Se realizaron los estudios de los modos vibracionales por espectroscopia Raman del cristal de ZnO, el espectro Raman de la figura 3 fue registrado a temperatura ambiente de 300K, los datos experimentales del espectro Raman, fueron facilitados para la realización del presente estudio por el Centro de Estudios de Semiconductores, Universidad de los Andes, Mérida-Venezuela y otros colaboradores según referencia [17].

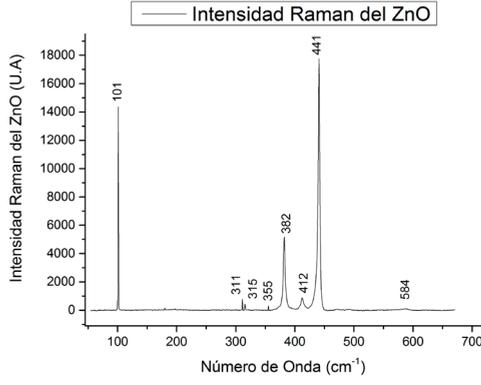


Figura 3. Espectro Raman del ZnO [17].

El análisis del espectro Raman, se realiza empleando un ajuste tipo Voigt para cada uno de los picos Raman hallados. Determinando así las posiciones energéticas, las intensidades, las áreas y la anchura a media altura (FWHM) utilizando el software comercial (Origin [18]) y la aplicación de funciones tipo Voigt para los picos. El error de este método generalmente es menor del 3 %.

Tomando la anchura a media altura (FWHM) y la altura de cada pico tenemos:

Tabla 11. Frecuencia y FWHM de los picos del espectro Raman del cristal de ZnO.

Modos normales	Pico [ $cm^{-1}$ ]	FWHM
$E_{2Low}$	101	0.81
$E_{1(TO)} - E_{2Low}$	311	0.42
	315	0.72
$E_{2High} - E_{2Low}$	355	1.02
$A_{1(TO)}$	382	3.54
$E_{1(TO)}$	412	5.58
$E_{2High}$	441	3.39
$A_{1(LO)}$	Ausente	
$E_{1(LO)}$	582	30.99

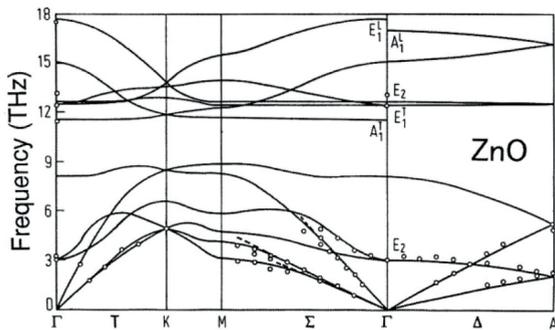


Figura 4. Curvas de dispersión de los fonones del cristal de ZnO. Ref [19].

En el espectro (Fig. 3) se muestran 5 picos que son consistentes con los modos de la curva de dispersión de neutrones (Fig. 4), ( $E_{2(Low)}$ ),  $A_1(TO)$ ,  $E_1(TO)$ ,  $E_2(High)$  y  $E_1(LO)$ ). El modo  $A_1(LO)$  no aparece en nuestro espectro.

Los picos  $311cm^{-1}$  y  $355cm^{-1}$  en la Fig 3, se obtienen realizando la combinación lineal de los modos (Ec. 11 y Ec. 12), una razón de esto son los efectos de anarmonicidad o pueden ser provocados por impurezas existentes en el cristal.

$$E_1(TO) - E_{2Low} = 412cm^{-1} - 101cm^{-1} = 311cm^{-1} \quad (11)$$

$$E_{2High} - E_{2Low} = 441cm^{-1} - 101cm^{-1} = 340cm^{-1} \quad (12)$$

El pico de  $315cm^{-1}$  en el espectro de la Fig 3, se atribuye a impurezas o defectos del cristal.

La asignación de los picos de las mediciones Raman es consistente con las curvas de dispersión inelástica de neutrones para el ZnO.

## CONCLUSIONES

Los datos obtenidos experimentalmente de los modos vibracionales del cristal de ZnO, son muy consistentes con valores reportados por otros autores.

Los fonones encontrados experimentalmente, corresponden a los modos vibracionales activos Raman identificados teóricamente mediante el uso del método de la correlación y las tablas de caracteres.

Para la estructura tipo Wurzita se dedujeron los modos de vibración con actividad Raman e IR, en el espectro Raman se registraron 8 picos, 5 de estos picos son predichos por el método de la correlación, considerando que los procesos experimentales conllevan una gran cantidad de defectos de la red cristalina, 2 de los picos sobrantes se atribuyen a combinaciones lineales de fonones y el otro a los defectos existentes en el cristal, sin embargo, a pesar de ello, se puede concluir que el cristal de ZnO estudiado, presenta una buena estructura cristalina.

## REFERENCIAS

- [1] C.J Youn, T.S Jeong, M.S Han, J.H Kim, Optical properties of Zn terminated ZnO bulk. *Journal of Crystal Growth*, Volume 261, Issue 4, Pages 526-532, 2004.
- [2] D. C. Look, Recent Advances in ZnO Material and Devices, *Materials Science and Engineering: B*, Vol. 80, No. 1, pp. 383-387. doi:10.1016/S0921-5107(00)00604-8, 2001.
- [3] R. S. Wagner and W. C. Ellis, Vapor-Liquid-Solid Mechanism of Single Crystal Growth, *Applied Physics Letters*, Vol. 4, No. 5, pp. 89-90. doi:10.1063/1.1753975, 1994
- [4] Improvement of crystallinity of ZnO thin film and electrical characteristics of film bulk acoustic wave resonator by using Pt buffer layer. *Vacuum*, Volume 74, Issues 3–4, Pages 689-692, 2004.
- [5] Y. Polyakov, A.V. Govorkov, N.B. Smirnov, N.V. Pashkova, S.J. Pearton, K. Ip, R.M. Frazier, C.R. Abernathy, D.P. Norton, J.M. Zavada, R.G. Wilson, Y. Li, G. W. Meng, L. D. Zhang and F., Optical and magnetic properties of ZnO bulk crystals implanted with Cr and Fe. *Materials Science in Semiconductor Processing*, Volume 7, Issues 1–2, Pages 77-81, 2004.
- [6] G. Tobin, E. McGlynn, M.O. Henry, J.P. Mosnier, J.G. Lunney, D. O'Mahony, E. de Posada, Ultraviolet stimulated emission from bulk and polycrystalline ZnO thin films with varying grain sizes *Physica B: Condensed Matter*, Volumes 340–342, Pages 245-249, 2003.
- [7] Semiconductor ZnO Nanowires Arrays and Their Photoluminescence Properties, *Applied Physics Letters*, Vol. 76, No. 15, pp. 2011-2013. doi:10.1063/1.126238, 2000.
- [8] Y. Xia, P. Yang, Y. Sun. Yin, F. Kim and H. Yan, "One Dimensional Nanostructures; Synthesis, Characterization, and Applications," *Advanced Materials*, Vol. 15, No. 5, pp. 353-389. doi:10.1002/adma.200390087, 2003.
- [9] *Metal Oxides: Chemistry Applications*. Fie rro, J. L. G. CRC Press. p. 182. ISBN 0824723716, 2006.
- [10] Ran Cai, Jiagen Wu, Li Sun y Yanjun Liu, 3D graphene/ZnO composite with enhanced photocatalytic activity, *Materials and Design*, 90, pags. 839–844 , 2016.
- [11] Yu-Tsui Chang, Jui-Yuan Chen, Tzu-Ping Yang, Chun-Wei Huang, Chung-Hua Chiu, Ping-Hung Yeh y Wen-Wei Wu, Excellent pie-zoelectric and electrical properties of lithiumdoped ZnO nanowires for nanogenerator applications, *Nano Energy*, 8, pags. 291-296 , 2014.
- [12] Khalaf Al Abdullah, Sahar Awad, Jean Zaraket and Chafic Salame, Synthesis of ZnO Nanopowders By Using Sol-Gel and Studying Their Structural y Electrical Properties at Different Temperature, *Energy Procedia*, volume 119, pages 565 - 570, International Conference on Technologies and Materials for Renewable Energy, Environment and Sustainability, TMREES17, 21-24 April 2017, Beirut Lebanon, issn 1876-6102, doi 10.1016/j.egypro.2017.07.080, 2017.
- [13] O.F. Kolomys, V.V. Strelchuk, S.V. Rarata, R. Hayn, A. Savoyant, F. Giovannelli, F. Delorme, V.Tkach, Optical and structural properties of individual Codoped ZnO microwires, Superlattices and Microstructures, Available online 5 April 2018, ISSN 0749-6036, <https://doi.org/10.1016/j.spmi.2018.04.005>, 2018
- [14] Norton et al.; Chopra et al., 1983; Dayan et al., 1998, Kiriakidis y Katsakaris, 2004.
- [15] S. Bhagavantam y T. Venkavantam, Theory of groups and its application to physical problems, 1962.
- [16] William G. Fateley y Francis R. Dollish, Infrared and Raman Selection Rules for Molécular and Lattice Vibrations: The Co-

relation Method, WILEY-INTERSCIENCE, pags. 177, 1972.

APPLIED PHYSICS LETTERS, 96, <https://doi.org/10.1063/1.3387843>, 2010.

[17] Marius Millot, Ramon Tena-Zaera, Vicente Muñoz-Sanjose, Jean-Marc Broto y Jesus Gonzalez Anharmonic effects in ZnO optical phonons probed by Raman spectroscopy,

[18] <http://www.originlab.com>.

[19] A. W. Hewat, Solid State Commun. 8,187, 1970